

COLÉGIO PAULO VI

Ficha de trabalho – Matemática 11ºano



Assunto: Geometria – Exercícios de Exames Nacionais – Resolução

1. $A(a,0,0), a > 0$ e $B(0,b,0), b > 0$ logo $\overrightarrow{AB} = B - A = (-a,b,0)$. A resposta certa é então $(-2,1,0)$ **(C)**
2. Como se trata de um tetraedro regular as faces são triângulos equiláteros logo $\|\overrightarrow{BC}\| = \|\overrightarrow{BD}\| = 6$ e $\hat{C}BD = 60^\circ$, logo $\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BD} = 6 \times 6 \times \cos(60^\circ) = 18$ **(A)**
3. $\overrightarrow{UQ} \cdot \overrightarrow{TX} = 0$ **(B)** 4. $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AB} = 1 \times 1 \times \cos(0^\circ) = 1$ **(A)**
5. $P(0,5,4)$ $Q(3,5,0)$ $\overrightarrow{PQ} = (3,0,-4)$ **(D)**
6. O vector \overrightarrow{PQ} é um vector normal ao plano mediador de $[PQ]$ e M (ponto médio de $[PQ]$) é um ponto desse plano. Escrevemos a equação cartesiana desse plano e verificamos que o ponto que pertence é o ponto $A(1,0,0)$. **(A)**
7. O ponto de intersecção da recta com o plano xOz será do tipo $(x,0,z)$. Substituindo na equação da recta $\frac{x+1}{2} = \frac{0-2}{-1} = \frac{z}{3}$ e resolvendo as equações $\frac{x+1}{2} = \frac{0-2}{-1} \wedge \frac{0-2}{-1} = \frac{z}{3} \Leftrightarrow x = 3 \wedge z = 6$ **(D)**
8. O ponto E é o ponto de intersecção do eixo Ox com o plano DBH e tem de coordenadas $(x,0,0)$. Substituindo na equação do plano, obtemos $x + 0 = 10 \Leftrightarrow x = 10$, logo a aresta do cubo mede 10. **(B)**
9. Um vector director da referida recta é, por exemplo, $(0,0,2)$ e um ponto da recta terá obrigatoriamente que ter abcissa 1 e ordenada 2 logo a resposta certa é **(A)**
10. Um ponto que pertença à recta terá que pertencer a ambos os planos. Substituindo nas equações dos planos as coordenadas dos pontos, verificamos que a resposta certa é **(D)** 11. **(C)**
12. Uma recta paralela a Oy terá um vector director colinear com $(0,1,0)$, logo a resposta certa é **(B)**
13. Basta reparar que o ponto $(2,1,3)$ pertence a ambas as rectas e que os vectores directores não são colineares para concluir que as rectas são concorrentes. (Se os vectores fossem colineares as rectas seriam coincidentes e portanto paralelas) **(A)**
14. Basta determinar m de forma que os vectores $(-2,m,3)$ e $(2,1,-3)$ sejam colineares. O valor de m é -1 **(B)**
15. Para que as rectas sejam coincidentes e uma vez que são paralelas, o ponto, da recta r , $(1,3,0)$ terá que pertencer à recta s .
 $s : \frac{1-3}{2} = \frac{3-5}{2} = \frac{0-k}{3} \Leftrightarrow -1 = -1 = -\frac{k}{3} \Leftrightarrow k = 3$ **(C)**
16. $\vec{n}_\alpha = (1,-1,1)$ e $\vec{n}_\beta = (2,2,2)$ não são colineares nem perpendiculares logo os planos são concorrentes não perpendiculares. **(C)** 17. **(D)** 18. **(B)**
19. Uma recta perpendicular ao plano PQR terá vector director ortogonal com os vectores \overrightarrow{PQ} e \overrightarrow{PR} .
 $\overrightarrow{PQ} = (-1,1,0)$ e $\overrightarrow{PR} = (-1,0,1)$.
 Utilizando o produto escalar verificamos que a resposta certa é **(C)** 20. **(D)** 21. **(C)**
22. O plano xOz tem equação $y=0$ logo um vector normal a este plano é, por exemplo, $\vec{n} = (0,1,0)$. Para que α seja paralelo a xOz os vectores normais a estes planos terão que ser ortogonais. **(A)**
23. O sistema representa a intersecção de um plano com uma recta. Uma vez que o vector normal ao plano e o vector director da recta são colineares, a recta é perpendicular ao plano. Então a intersecção é um ponto. **(A)**
24. Todas as superfícies esféricas têm centro $(2,0,0)$. Para que seja tangente ao plano yOz , o raio terá que ser 2. **(C)**
25. **(D)**
26. A circunferência obtida pela intersecção da superfície esférica com o plano de equação $z=3$ tem centro $(0,0,3)$. Se tem perímetro 8π então $2\pi r = 8\pi \Leftrightarrow r = 4$. Uma ilustração desta situação é a que se apresenta sendo R o raio da superfície esférica. Então $R=5$ logo a resposta é **(C)**

